# Journal of System Simulation

Volume 34 | Issue 7

Article 17

7-20-2022

# Design And Simulation of TS Fuzzy Based Cooperative Control of Missile Formation

Yexin Zhang Shanghai Electro-Mechanical Engineering Institute, Shanghai 201109, China;, 1024918042@qq.com

Yu Cheng Shanghai Electro-Mechanical Engineering Institute, Shanghai 201109, China;

Hongyan Yan Shanghai Electro-Mechanical Engineering Institute, Shanghai 201109, China;

Xuwei Fan Shanghai Electro-Mechanical Engineering Institute, Shanghai 201109, China;

See next page for additional authors

Follow this and additional works at: https://dc-china-simulation.researchcommons.org/journal

Part of the Artificial Intelligence and Robotics Commons, Computer Engineering Commons, Numerical Analysis and Scientific Computing Commons, Operations Research, Systems Engineering and Industrial Engineering Commons, and the Systems Science Commons

This Paper is brought to you for free and open access by Journal of System Simulation. It has been accepted for inclusion in Journal of System Simulation by an authorized editor of Journal of System Simulation.

# Design And Simulation of TS Fuzzy Based Cooperative Control of Missile Formation

#### Abstract

Abstract: Aiming at the requirement of cooperative operation of multi-missile formation, a cooperative control algorithm of multi-missile formation based on Takagi-Sugeno(TS) fuzzy control theory is proposed. The flight speed, trajectory angle and trajectory deflection angle of the missile are taken as parameters in the leader-follower mode missile formation flying system. The local asymptotically stable controller is designed by using the systemlocal linearization of multiple groups of equilibrium pointsduring the whole flight process. Through the expert experience method, the membership function and fuzzy rules for the system are designed with TS fuzzy theory, and the whole multi-missile cooperative control system is completed and the stability of the system is proofedby relevant simulation verification. Simulation result shows that TS fuzzy control improves the robustness of the system.

#### Keywords

multi-missile cooperation, piecewise linearization, TS fuzzy control, anti-interference

#### Authors

Yexin Zhang, Yu Cheng, Hongyan Yan, Xuwei Fan, Xu Zhang, and Yi Tian

#### **Recommended Citation**

Yexin Zhang, Yu Cheng, Hongyan Yan, Xuwei Fan, Xu Zhang, Yi Tian. Design And Simulation of TS Fuzzy Based Cooperative Control of Missile Formation[J]. Journal of System Simulation, 2022, 34(7): 1559-1567.

第 34 卷第 7 期	系统仿真学报©	Vol. 34 No. 7
2022 年 7 月	Journal of System Simulation	Jul. 2022

# 基于TS模糊的导弹编队协同控制设计与仿真

张业鑫,程禹,闫宏雁,范旭伟,张旭,田义 (上海机电工程研究所上海 201109)

**摘要**:针对多导弹编队协同作战的需求,提出了一种基于TS (takagi-sugeno) 模糊控制理论的多 导弹编队协同控制算法。采用了领弹--从弹模式的导弹编队飞行系统,以导弹飞行速度、弹道倾角 以及弹道偏角为参考量,在整个飞行过程中通过多组平衡点对系统局部线性化的方法完成局部的 渐近稳定控制器的设计。随后通过专家经验法,设计符合该系统的隶属度函数和模糊规则,结合 TS 模糊理论,完成整个多导弹协同控制系统的设计以及其稳定性的证明,并完成相关的仿真验 证,验证结果表明: TS 模糊控制提高了系统的鲁棒性。

关键词: 多弹协同; 分段线性化; TS模糊控制; 抗干扰

中图分类号: TP271+; TP391 文献标志码: A 文章编号: 1004-731X(2022)07-1559-09 DOI: 10.16182/j.issn1004731x.joss.21-0146

#### **Design And Simulation of TS Fuzzy Based Cooperative Control of Missile Formation**

Zhang Yexin, Cheng Yu, Yan Hongyan, Fan Xuwei, Zhang Xu, Tian Yi (Shanghai Electro-Mechanical Engineering Institute, Shanghai 201109, China)

Abstract: Aiming at the requirement of cooperative operation of multi-missile formation, a cooperative control algorithm of multi-missile formation based on Takagi-Sugeno(TS) fuzzy control theory is proposed. The flight speed, trajectory angle and trajectory deflection angle of the missile are taken as parameters in the leader-follower mode missile formation flying system. The local asymptotically stable controller is designed by using the systemlocal linearization of multiple groups of equilibrium pointsduring the whole flight process. Through the expert experience method, the membership function and fuzzy rules for the system are designed with TS fuzzy theory, and the whole multi-missile cooperative control system is completed and the stability of the system is proofedby relevant simulation verification. Simulation result shows that TS fuzzy control improves the robustness of the system.

Keywords: multi-missile cooperation; piecewise linearization; TS fuzzy control; anti-interference

引言

随着信息战争和高科技立体战争进程的不断 加快,武器系统电子对抗等热点问题的升温发酵, 导弹面临的目标特性和背景环境将越来越复杂<sup>[1]</sup>。 面对复杂的目标环境,单枚导弹将很难从中识别 出打击目标,随着作战需求的不断提高,导弹编 队协同作战的模式也成为了武器系统领域研究的 热点项目。导弹协同作战可以实现信息共享和功 能互补,能够实现多目标协同搜索、多方位协同 攻击等,极大地提高了武器系统的抗干扰能力。

多导弹实现协同作战的前提是导弹编队保持稳 定可控的相对运动关系,稳定的导弹编队队形是实 现弹间信息交互的保障。近年来,通信网络、人工 智能以及信息技术的发展,为导弹编队队形协同控 制的研究提供了技术支持。现阶段国内外对编队控 制技术的研究主要集中在卫星编队、舰艇编队以及

收稿日期: 2021-02-26 修回日期: 2021-04-01

第一作者: 张业鑫(1991-), 男, 硕士, 工程师, 研究方向为制导控制仿真。E-mail: 1024918042@qq.com

第 34 卷第 7 期	系统仿真学报	Vol. 34 No. 7
2022年7月	Journal of System Simulation	Jul. 2022

飞机编队等。卫星编队的运行轨道有其周期特性而 且相对稳定,舰艇编队和飞机编队则主要由驾驶人 员起主导作用,与之相比,导弹编队协同控制需要 具备更高的自主性和动态特性<sup>[2-4]</sup>。

以往的导弹编队协同控制研究中, 文献[5]通 过微积分对非线性的导弹相对运动系统进行精确 线性化,并完成了导弹编队队形控制最优控制器 设计; 文献[6]结合理想视线制导率实现了多导弹 对固定目标的协同攻击; 文献[7]采用了双领弹的 领弹-从弹协同架构,设计了一套协同定位与制导 策略,解决了无导引头导弹对静止目标的精准协 同攻击; 文献[8]针对基于分布式通信数据链的领 弹-从弹协同作战问题,建立了水平面内运动的制 导控制一体化模型,基于滑模动态面控制理论, 设计了能够稳定跟踪速度前置角指令的协同控制 器; 文献 [9]改进了领弹-从弹的编队模式,设计 了多级分布式协同控制策略,解决了领弹失效时 的编队队形保持问题。在领弹-从弹模式中,传统 的最优控制方法对领弹运动状态的精确度要求较 高,若领弹的运动信息存在干扰项,则整个系统 无法近似为线性系统, 会出现控制不稳定的情况。 本文针对该情形,在考虑领弹状态存在一定误差 的情况下,将非线性系统分割成多个子系统,对 每个子系统进行局部最优控制器的设计,随后结 合模糊控制算法,完成整个控制系统的设计,并 通过数值仿真与传统的最优控制方法比较,验证 了在有干扰的情况下该算法能够提高多导弹编队 协同控制系统的鲁棒性。

# 1 多导弹编队系统相对运动模型 建立

#### 1.1 多导弹编队系统相对运动模型建立

如图1所示,为领弹和从弹的相对运动示意 图,主要包括领弹和从弹1、从弹2,O<sub>Lyz</sub>为惯性 系,O<sub>Lyz</sub>为相对坐标系,在相对运动坐标系中,领 弹和从弹的运动关系为

 $v_{fr} - v_{lr} = v_r + \omega \cdot \mathbf{R}$  (1) 式中:  $v_{lr} \pi v_{fr}$ 分别为相对运动坐标系下领弹和从 弹的绝对速度; ν<sub>r</sub>为相对运动坐标系下从弹相对 于领弹的速度; ω为相对运动坐标系相对于惯性 系的旋转角速度; **R**为相对运动坐标系下从弹到 领弹的相对位置矢量。

令 $\boldsymbol{v}_{it} = \begin{bmatrix} v_{i} & 0 & 0 \end{bmatrix}^{T}$ 为领弹坐标系下的领弹速度, $\boldsymbol{v}_{it} = \begin{bmatrix} v_{f} & 0 & 0 \end{bmatrix}^{T}$ 为从弹坐标系下的从弹速度,不同坐标系下的导弹速度之间的关系可以表示为

$$\begin{cases} \boldsymbol{v}_{ft} = \boldsymbol{\Phi}_{1}^{r} \boldsymbol{\Phi}_{t}^{l} \boldsymbol{v}_{f_{t}} \\ \boldsymbol{v}_{tr} = \boldsymbol{v}_{t} \end{cases}$$
(2)



图 1 多导弹编队系统相对运动示意图 Fig. 1 Relative motion diagram of multi-missile system

其中 $\boldsymbol{\phi}_{i}^{r}$ 为惯性系到相对运动系的转换矩阵,  $\boldsymbol{\phi}_{i}^{l}$ 为弹道系到惯性系的转换矩阵,根据相关文 献<sup>[6]</sup>可得到 $\boldsymbol{\phi}_{i}^{r}$ , $\boldsymbol{\phi}_{i}^{l}$ 以及 $\omega$ 之间的数学关系,同时 令 $\boldsymbol{v}_{r} = \begin{bmatrix} \dot{x} \quad \dot{y} \quad \dot{z} \end{bmatrix}^{T}$ ,将其代入方程(1)和(2),可得 到导弹编队在空间中的相对运动方程(3),其中 $\theta_{l}$ 和 $\theta_{f}$ 分别为领弹和从弹的弹道倾角, $\Psi_{v_{l}}$ 和 $\Psi_{v_{l}}$ 为领 弹和从弹的弹道偏角<sup>[10]</sup>。

$$\begin{cases} \dot{x} = v_{\rm f} \cos \theta_{\rm f} \cos \theta_{\rm l} \cos \Psi_{\rm e} - v_{\rm l} + \\ v_{\rm f} \sin \theta_{\rm f} \sin \theta_{\rm l} - z \dot{\Psi}_{v_{\rm l}} \cos \theta_{\rm l} + y \dot{\theta}_{\rm l} \\ \dot{y} = -v_{\rm f} \cos \theta_{\rm f} \sin \theta_{\rm l} \cos \Psi_{\rm e} + \\ v_{\rm f} \sin \theta_{\rm f} \cos \theta_{\rm l} - x \dot{\theta}_{\rm l} + z \dot{\Psi}_{v_{\rm l}} \theta_{\rm l} \\ \dot{z} = v_{\rm f} \cos \theta_{\rm f} \sin \Psi_{\rm e} - y \dot{\Psi}_{v_{\rm l}} \sin \theta_{\rm l} + \\ x \dot{\Psi}_{v_{\rm l}} \cos \theta_{\rm l} \\ \Psi_{\rm e} = \Psi_{v_{\rm l}} - \Psi_{v_{\rm f}} \end{cases}$$
(3)

第 34 卷第 7 期 2022 年 7 月

#### 1.2 导弹编队相对运动关系线性化

#### 线性化的前提条件为

(1)领弹运动状态能够精确获取。目前的组合导航技术能够对导弹位置实现实时精确定位,该项可以看作已知项,但领弹的精确度直接影响相对运动模型线性化的效果;

(2)  $\theta_1 \pi \theta_f 以及 \Psi_{\nu_i} - \Psi_{\nu_r}$ 均为小量。考虑到导 弹编队飞行过程中,短时间内 $\theta_1 \pi \theta_f 以及 \Psi_{\nu_i} - \Psi_{\nu_r}$ 的变化非常小,因此针对某个小时间段的导弹飞 行,可以将相对运动关系线性化。

在满足上述两个条件的前提下,可将方程(3) 转化为

$$\begin{cases} \dot{x} = v_{\rm f} + v_{\rm f}\theta_{\rm f}\theta_{\rm l} - v_{\rm l} - z\dot{\Psi}_{\nu_{\rm i}} + y\dot{\theta}_{\rm l} \\ \dot{y} = -v_{\rm f}\theta_{\rm l} + v_{\rm f}\theta_{\rm f} - x\dot{\theta}_{\rm l} + z\dot{\Psi}_{\nu_{\rm i}}\theta_{\rm l} \\ \dot{z} = v_{\rm f}(\Psi_{\nu_{\rm l}} - \Psi_{\nu_{\rm r}}) - y\dot{\Psi}_{\nu_{\rm l}}\theta_{\rm l} + x\dot{\Psi}_{\nu_{\rm l}} \end{cases}$$
(4)

取状态平衡点 $v_{f_0}$ ,  $\theta_{f_0}$ 和 $\Psi_{v_{f_0}}$ , 则 $v_f \theta_f n v_f \Psi_{v_r}$ 可 以线性化地表示为 $\theta_{f_0} v_f + v_{f_0} \theta_f$ 以及 $v_{f_0} \Psi_{v_r} + \Psi_{v f_0} v_f$ , 将其代入方程(4),可得到导弹编队相对运动线性 化方程为

式中:状态量 
$$X = [x,y,z]^{T}$$
; 控制量  
 $U = [V_{i}, \theta_{i}, \Psi_{v_{i}}]^{T}$ ; 系统矩阵  $A$  和控制矩阵  $B$  分别为  
 $A = \begin{bmatrix} 0 & \dot{\theta}_{1} & -\dot{\Psi}_{v_{1}} \\ -\dot{\theta}_{1} & 0 & \theta_{1}\dot{\Psi}_{v_{1}} \\ \dot{\Psi}_{v_{1}} & -\dot{\Psi}_{v_{1}}\theta_{1} & 0 \end{bmatrix}$   
 $B = \begin{bmatrix} 1 + \theta_{f_{0}}\theta_{1} & v_{f_{0}}\theta_{1} & 0 \\ \theta_{f_{0}} - \theta_{1} & v_{f_{0}} & 0 \\ \dot{\Psi}_{v_{1}} - \Psi_{v_{f_{0}}} & 0 & -v_{f_{0}} \end{bmatrix}$ ;

输出矩阵  $C = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix};$ 扰动矩阵  $W = \begin{bmatrix} -v_{f_0} \theta_1 \theta_{f_0} - v_1 \\ -v_{f_0} \theta_{f_0} \\ v_{f_0} \Psi_{vf_0} \end{bmatrix}$ 

## 2 多导弹协同飞行队形保持局部最 优控制器设计

如图2所示为TS(takagi sugeno)模糊模型的基本 思想示意图, f(x)为需要拟合的函数,  $X_1$ ,  $X_2$ ,  $X_3$ ,  $X_n$ 为局部线性点,取该点的切向函数 $y=a_x+b_i$ , (i=1,2,…,n)作为近似,若将整个非线性的系统分割成多 个子系统,则每个子系统都可以视作线性系统,分 割越细,精度越高,通过多个线性子系统的叠加, 最终可以较为精确地描述非线性系统<sup>[11]</sup>。



图 2 TS 模糊模型的基本思想示意图 Fig. 2 Diagram of basic concept for TS fuzzy model

导弹编队协同飞行过程中,其相对运动模型 也是一个非线性的,本文将结合TS模糊思想,将 整个非线性的过程划分为多个局部小量,则其局 部可以近似为一个线性系统,可以利用方程(6)进 行其局部最优控制器的设计<sup>[12]</sup>。

由于从弹与领弹的相对距离为非零值,导弹协同 飞行队形保持控制问题可以理解为有常值或慢变扰 动的非零给定点输出调节问题,针对该问题最优控 制器的设计可分为两步,首先完成克服缓慢变化扰 动的零给定点最优输出调节控制器的设计,随后在

Journal of System Simulation, '	Vol. 34 [2022], Iss. 7, Art. 17
---------------------------------	---------------------------------

第34卷第7期	系统仿真学报	Vol. 34 No. 7
2022年7月	Journal of System Simulation	Jul. 2022

此基础上,进一步完成最优控制器的设计,使得导 弹协同飞行保持在非零期望状态上。

令 
$$\tilde{W} = B^{-1}BW, X_1 = \begin{bmatrix} X^T, (U + \tilde{W})^T \end{bmatrix}^1,$$
  
 $A_1 = \begin{bmatrix} A & B \\ 0 & 0 \end{bmatrix}, B_1 = \begin{bmatrix} 0, I \end{bmatrix}^T, U_1 = \dot{U} + \dot{\tilde{W}}$   
则式(6)可改写为

$$\dot{\boldsymbol{X}}_1 = \boldsymbol{A}_1 \boldsymbol{X}_1 + \boldsymbol{B}_1 \boldsymbol{U}_1 \tag{7}$$

对于增广系统(7)给定二次型性能指标

$$J = \int_{t_0}^{t_t} \left[ \boldsymbol{X}_1^{\mathrm{T}} \boldsymbol{\mathcal{Q}}_1 \boldsymbol{X}_1 + \boldsymbol{U}_1^{\mathrm{T}} \boldsymbol{\mathcal{R}}_1 \boldsymbol{U}_1 \right] \mathrm{d}t$$
(8)

当系统(7)可控时,可实现零给定点指标的最 优控制量

$$\boldsymbol{U}_{1}^{*} = -\boldsymbol{R}_{1}^{-1}\boldsymbol{B}_{1}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{P}\boldsymbol{X}_{1}$$

$$\tag{9}$$

式中:**P**为最优控制黎卡提方程的解。

	[1	0	0	0	0	0]
$\Rightarrow C_1 =$	0	1	0	0	0	0
	0	0	1	0	0	0

则增广输出方程为

 $\boldsymbol{Y} = \boldsymbol{C}_1 \boldsymbol{X}_1$ 

若  $Y_{10} = \begin{bmatrix} x_d & y_d & z_d \end{bmatrix}^T$ 为期望位置,为使输出 量  $Y_{10}$ 保持在非零给定点上,那么稳态时控制输入 和系统的状态也是非零的,此时可将最优控制输 入在式(9)基础改进为

 $U'_{1}^{*} = -R_{1}^{-1}B_{1}^{T}PX_{1} + U'_{0} = -KX_{1} + U'_{0}$  (10) 式中: $U'_{0}$ 为稳定非零给定点的附加控制量。将式 (10)代入方程(7),有

$$\dot{X}_{1} = A_{1}X_{1} + B_{1}(-KX_{1} + U_{0}') =$$
  
( $A_{1} - B_{1}K$ ) $X_{1} + B_{1}U_{0}'$  (11)  
对于渐近稳定系统,稳定时有

 $\lim_{t\to\infty}X_1(t)=0$ 

因此令
$$\mathbf{0} = (\mathbf{A}_1 - \mathbf{B}_1 \mathbf{K}) \mathbf{X}_{10} + \mathbf{B}_1 \mathbf{U}_0'$$

其中 $X_{10}$ 为状态 $X_1$ 的稳态值,结合 $Y = C_1X_1$ 得到 $Y_{10} = C_1X_{10}$ ,即 $X_{10} = C_1^{-1}Y_{10}$ ,

进一步可以解出非零给定点的附加控制量

$$\boldsymbol{U}_{0}^{\prime} = \left[\boldsymbol{C}_{1}\left(-\boldsymbol{B}_{1}\boldsymbol{R}_{1}^{\mathsf{T}}\boldsymbol{B}_{1}^{\mathsf{T}}\boldsymbol{P}-\boldsymbol{A}_{1}\right)^{\mathsf{T}}\boldsymbol{B}_{1}\right]^{\mathsf{T}}\boldsymbol{Y}_{10}$$

结合式(10)最终可得到实现方程(6)的最优控制 解,即导弹编队协同飞行队形保持的局部最优解为

$$U'_{1}^{*} = -R_{1}^{-1}B_{1}^{T}PX_{1} + \left[C_{1}(-B_{1}R_{1}^{-1}B_{1}^{T}P - A_{1})^{-1}B_{1}\right]^{-1}Y_{10}$$
(12)

## 3 TS模糊控制器设计

#### 3.1 论域、工作点以及隶属度函数设置

 $\diamondsuit \Delta \mathbf{X} = \begin{bmatrix} \Delta X_1 \ \Delta X_2 \ \Delta X_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} v_{\rm f} / v_{fmax} & \theta_{\rm f} / \theta_{fmax} & \Psi_{\rm f} / \Psi_{fmax} \end{bmatrix}$ 

作为归一化到区间[-1,1]的控制器输入前件, 将其离散化为七档,其工作点区域如表1所示。

表1 被控对象工作点							
Table 1	Work	ing poi	int of c	ontrol	lled obj	ect.	
模糊子集 工作点	NB	NM	NS	Ζ	PS	PM	PB
$\Delta X_1$	-1	-0.4	-0.1	0	0.1	0.4	1
$\Delta X_2$	-0.8	-0.5	-0.4	0	0.4	0.5	0.8
$\Delta X_3$	-1	-0.6	-0.3	0	0.3	0.6	1

通过专家经验法,设计对应的隶属度函数, 分别如图 3~5 所示<sup>[13]</sup>。



#### 3.2 模糊规则的确定及控制器设计

利用 TS 模糊模型对多导弹编队系统相对运动 模型进行描述,对于第*i*个从弹模型,其中领弹的

第 34 卷第 7 期 2022 年 7 月

状态信息ΔX作为前件,局部线性动态模型作为后 件,第1条规则为



Fig. 5 Diagram of membership function of  $\Delta X_3$ .

 $R_{i}: If \Delta X_{i1} is M_{1i}, and \Delta X_{i2} is M_{2i} and, \Delta X_{i3} is M_{3i}, Then \dot{\boldsymbol{\xi}}_{i} = A_{ii}^{*} (\boldsymbol{e}_{dil}(\Delta X_{ii})) \boldsymbol{\xi}_{i} + \boldsymbol{B}_{ii} (\boldsymbol{e}_{dil}(\Delta X_{ii})) \boldsymbol{u}_{ii}$  $\boldsymbol{u}_{i} = \boldsymbol{k} \boldsymbol{\xi}$ 

$$\dot{\boldsymbol{\xi}}_{i} = \sum_{l=1}^{i} \phi_{il} (\Delta X_{il}) (\boldsymbol{A}_{il}^{*} (\boldsymbol{e}_{dil} (\Delta X_{il})) \boldsymbol{\xi}_{i} + \boldsymbol{B}_{il} (\boldsymbol{e}_{dil} (\Delta X_{il})) \boldsymbol{u}_{il})$$

式中:

$$\phi_{il}(\Delta X_{il}) = \frac{\mu_{il}(\Delta X_{il})}{\sum_{l=1}^{r} \mu_{il}(\Delta X_{il})}, \quad \mu_{il}(\Delta X_{il}) = \prod_{p=1}^{3} W_{ipl}(\Delta X_{ip});$$

全局控制器的输出为

$$\boldsymbol{u}_{i} = \sum_{l=1}^{r} \boldsymbol{\phi}_{il} (\Delta \boldsymbol{X}_{il}) \boldsymbol{u}_{il}$$

式中: $u_{il}$ 为局部子系统的控制量,即  $u_{il} = (U'_{1}^{*})_{il} = -R_{il}^{-1}B_{il}^{T}P_{il}X_{il} +$ 

$$\left[\boldsymbol{C}_{il}(-\boldsymbol{B}_{il}\boldsymbol{R}_{il}^{-1}\boldsymbol{B}_{il}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{P}_{il}-\boldsymbol{A}_{il})^{-1}\boldsymbol{B}_{il}\right]^{-1}\boldsymbol{Y}_{10}$$

#### 3.3 全局稳定性证明

根据模糊李雅普诺夫稳定性理论,存在以下 条件,对于整个TS模糊控制系统

#### 条件:

若存在常数
$$\varphi_k(k = 1, 2, \dots, r)$$
使得 $\dot{\phi}_k(\Delta X) \leq \varphi_k$ ,  
且存在正定矩阵 $P_{1i}(i = 1, 2, \dots, r), P_2, P_3$ 使得线性矩阵  
不等式(LMIs):

$$\begin{bmatrix} \boldsymbol{A}_{i}^{*T}\boldsymbol{P}_{2} + \boldsymbol{P}_{2}^{T}\boldsymbol{A}_{i}^{*} + \sum_{k=1}^{r} \varphi_{k}\boldsymbol{P}_{1k} & \boldsymbol{P}_{1i} - \boldsymbol{P}_{2}^{T} + \boldsymbol{A}_{i}^{*T}\boldsymbol{P}_{3} \\ \boldsymbol{P}_{1i} - \boldsymbol{P}_{2} + \boldsymbol{P}_{3}^{T}\boldsymbol{A}_{i}^{*} & -\boldsymbol{P}_{3} - \boldsymbol{P}_{3}^{T} \end{bmatrix} < 0$$

成立,那么该模糊系统稳定<sup>[15]</sup>。

结合该条件证明本文所设计模糊系统的稳定性: 定义广义模糊系统

$$E\dot{\xi}_{i}^{*}(t) = \sum_{l=1}^{r} \phi_{il}(\Delta X_{il}) (A_{il}^{**} \dot{\xi}_{i}^{*}(t) + B_{il}^{*} u_{il}(t))$$

式中:

$$E = \begin{bmatrix} I & O \\ O & O \end{bmatrix}; \quad A_{il}^{**} = \begin{bmatrix} O & I \\ A_{il}^{*} & -I \end{bmatrix}; \quad B_{il}^{*} = \begin{bmatrix} O \\ B_{il} \end{bmatrix};$$
  
$$\xi_{i}^{*}(t) = \begin{bmatrix} \xi_{i}(t)^{\mathsf{T}} & y(t)^{\mathsf{T}} \end{bmatrix}^{\mathsf{T}}, \quad y(t) = \dot{\xi}_{i}(t).$$
  
$$\nexists \mathsf{m} \mathsf{B} \stackrel{\mathsf{h}}{\mathsf{S}} \stackrel{\mathsf{K}}{\mathsf{S}} \mathsf{m} \mathrel{\mathfrak{G}} \stackrel{\mathsf{h}}{\mathsf{S}} \mathsf{S}$$
  
$$E \dot{\xi}_{i}^{*}(t) = \sum_{i=1}^{r} \phi_{il}(\Delta X_{il}) A_{il}^{**} \xi_{i}^{*}(t)$$
  
$$\overset{\mathsf{R}}{\mathsf{S}} \mathrel{\mathfrak{E}} \stackrel{\mathsf{V}}{\mathsf{V}} \stackrel{\mathsf{M}}{\mathsf{M}} \stackrel{\mathsf{M}}{\mathsf{T}} \stackrel{\mathsf{H}}{\mathsf{T}} \stackrel{\mathsf{H}}{\mathsf{S}} \mathsf{M} \xrightarrow{\mathsf{H}} \overset{\mathsf{H}}{\mathsf{S}} \overset{\mathsf{H}}{\mathsf{S}} \mathsf{M}$$
  
$$V_{i}(\xi_{i}, \Delta X_{i}) = \xi_{i}^{*\mathsf{T}}(t) E P(\Delta X_{i}) \xi_{i}^{*}(t)$$
  
$$\overset{\mathsf{I}}{\mathsf{S}} \mathrel{\mathfrak{T}} :$$

$$P(\Delta X_{i}) = \begin{bmatrix} \sum_{k=1}^{r} \phi_{k}(\Delta X_{i}) P_{1k} & \mathbf{0} \\ P_{2} & P_{3} \end{bmatrix}, P_{1k} > 0.$$
  
$$\bigotimes P_{k}^{*} = \begin{bmatrix} P_{1k} & \mathbf{0} \\ P_{2} & P_{3} \end{bmatrix}, \quad \bigcup \exists \exists$$
  
$$V_{i}(\boldsymbol{\xi}_{i}, \Delta X_{i}) = \boldsymbol{\xi}_{i}^{*T}(t) E \sum_{k=1}^{r} \phi_{k}(\boldsymbol{\xi}) P_{k}^{*} \boldsymbol{\xi}_{i}^{*}(t) =$$
  
$$\sum_{k=1}^{r} \phi_{k}(\boldsymbol{\xi}_{i}) \boldsymbol{\xi}_{i}^{T}(t) P_{1k} \boldsymbol{\xi}_{i}(t)$$

对李雅普诺夫函数沿系统的轨迹求导,并利 用假设条件,可得方程(13)。

要使得 $V_i(\boldsymbol{\xi}_i, \Delta \boldsymbol{X}_i) > 0$ 且 $\dot{V}_i(\boldsymbol{\xi}_i, \Delta \boldsymbol{X}_i) < 0$ ,即所 设计的系统稳定,则选取满足条件的参数和矩阵即可。

$$\dot{V}_{i}(\xi_{i},\Delta X_{i}) = \sum_{i=1}^{r} \phi_{i}(\Delta X_{i})\xi_{i}^{*T}(t)(A_{i}^{**T}P(\Delta X_{i}) + P^{T}(\Delta X_{i})A_{i}^{**} + E\dot{P}(\Delta X_{i}))\xi_{i}^{*}(t) = \sum_{i=1}^{r} \phi_{i}(\Delta X_{i})\xi_{i}^{*T}(t)(A_{i}^{**T}P(\Delta X_{i}) + P^{T}(\Delta X)A_{i}^{**} + E\sum_{k=1}^{r} \dot{\phi}_{k}(\Delta X_{i})P_{k}^{*})\xi_{i}^{*}(t) = \sum_{i=1}^{r} \phi_{i}(\Delta X_{i})\xi_{i}^{*T}(t) \begin{bmatrix} A_{i}^{*T}P_{2} + P_{2}^{T}A_{i}^{*} + \sum_{k}^{r} \dot{\phi}_{k}(\Delta X_{i})P_{1k} & P_{1i} - P_{2}^{T} + A_{i}^{*T}P_{3} \\ P_{1i} - P_{2} + P_{3}^{T}A_{i}^{*} & -P_{3} - P_{3}^{T} \end{bmatrix} \xi_{i}^{*}(t) \leq \sum_{i=1}^{r} \phi_{i}(\Delta X_{i})\xi_{i}^{*T}(t) \begin{bmatrix} A_{i}^{*T}P_{2} + P_{2}^{T}A_{i}^{*} + \sum_{k}^{r} \phi_{k}P_{1k} & P_{1i} - P_{2}^{T} + A_{i}^{*T}P_{3} \\ P_{1i} - P_{2} + P_{3}^{T}A_{i}^{*} & -P_{3} - P_{3}^{T} \end{bmatrix} \xi_{i}^{*}(t) \leq \sum_{i=1}^{r} \phi_{i}(\Delta X_{i})\xi_{i}^{*T}(t) \begin{bmatrix} A_{i}^{*T}P_{2} + P_{2}^{T}A_{i}^{*} + \sum_{k}^{r} \phi_{k}P_{1k} & P_{1i} - P_{2}^{T} + A_{i}^{*T}P_{3} \\ P_{1i} - P_{2} + P_{3}^{T}A_{i}^{*} & -P_{3} - P_{3}^{T} \end{bmatrix} \xi_{i}^{*}(t)$$

http://www.china-simulation.com

• 1563 •

第 34 卷第 7 期	系统仿真学报	Vol. 34 No. 7
2022 年 7 月	Journal of System Simulation	Jul. 2022

## 4 数值仿真分析

对给定飞行状态的领弹,考虑两个从弹跟随 编队飞行,领弹的理论飞行状态为 $V_i = 165 + 30\sin(0.26t)$ m/s  $\theta_i = 0.3\sin(0.14t + 1.01)$ rad, $\Psi_i = 0.2\sin(0.23t + 1.67)$ rad

惯性系下的初始位置为*X*<sub>10</sub> = 300 m, *Y*<sub>10</sub> = 450 m, *Z*<sub>10</sub> = 500 m, 从弹的状态见表2。

在模拟编队飞行过程中,给领弹的状态加入 干扰量,干扰量采用服从标准正态分布的随机噪 声,仿真结果如图6~8所示,在有干扰的情况 下,TS模糊控制的相对位置*x*,*y*,*z*向波动标准差 分别为0.35,0.26,0.29,最优控制的相对位置*x*, *y*,*z*向波动方差分别为0.39,0.28,0.31,两种控 制方法能将噪声的标准差幅值从1.0降到了0.26~ 0.39之间,但经比较可以看出,TS模糊控制将编 队相对位置 x, y, z向控制精度分别提高 10.25%, 7.14%和6.45%。领弹、从弹的相对位 置关系如图9所示,经过比较可以看出,在有噪 声干扰的情况下,TS模糊控制的控制精度更高, 抗干扰能力更强。

表2 从弹初始状态及期望位置

Table 2         Initial state and expected position of follow missile					
状态 从弹1 从弹2					
	<i>x</i> =400	<i>x</i> =460			
相对坐标系下初始位置/m	<i>y</i> =-480	<i>y</i> =-520			
	z=300	<i>z</i> =-250			
	<i>x</i> =600	<i>x</i> =600			
相对坐标系下期望位置/m	<i>y</i> =-350	<i>y</i> =-350			
	<i>z</i> =400	<i>z</i> =-400			
初始速度/(m·s <sup>-1</sup> )	150	165			
初始弹道倾角(°)	3.5	-5.6			
初始弹道偏角(°)	4	6.2			



图 6 从弹 1、2 的相对位置*x*控制效果 Fig. 6 Control effect of relative position *x* for follow missile 1,2





http://www.china-simulation.com

• 1565 •

Journal of System Simulation, Vol. 34 [2022], Iss. 7, Art. 17



Fig. 9 Diagrammatic of spatial relationship for lead-missile and follow-missile through two control method

## 5 结论

本文结合线性化的导弹编队相对运动方程, 研究了导弹编队飞行队形保持协同控制的问题, 传统的最优控制方法需要建立在领弹状态精确已 知的条件下,然而实际情形中领弹的状态存在着 一定的干扰。本文采用的智能控制中TS 模糊控 制算法,将不确定的非线性系统模型进行分段线 性化,减小了对领弹状态精确度的依赖性,仿真 结果表明,在有外界随机干扰的条件下,通过 TS 模糊控制,可以将编队相对位置x,v,z方向 控制精度分别提高10.25%, 7.14%和6.45%。本 文采用的 TS 模糊控制能够提高编队控制系统的 鲁棒性,但TS模糊算法采用了大量的数值计算, 响应速度相对较慢,该方法更适用于对响应速度 要求相对较低的卫星编队上,但随着计算机技术 的发展,其计算能力越来越强,该问题也能逐步 改善。

### 参考文献:

- 陈宝文,孙经广.考虑通讯延迟的多导弹协同分布饱和 控制器[J]. 控制工程, 2019, 11(1): 1-6.
   Chen Baowen, Sun Jingguang. Anti-Saturation Multi-Missile Cooperative Controller with Communication Delay[J]. Control Engineering of China, 2019, 11(1): 1-6.
- [2] Park S, Hwang I, Park C. Collision Avoidance Algorithm

for Satellite Formation Reconfiguration under the Linearized Central Gravitational Fields[J]. International Journal of Aeronautical & Space Sciences (S2093-1409), 2013, 30(1): 11-15.

- [3] Breger L S, How J P. Model Predictive Control for Formation Flying Spacecraft[M]. Boston: Master thesis of MIT, 2004.
- [4] Mishne D. Formation Control of Satellites Subject to Drag Variations and J2 Perturbations[J]. Journal of Guidance Control & Dynamics (S0731-5090), 2012, 27 (4): 685-692.
- [5] 张磊,方洋旺, 刁兴华, 等. 多导弹协同攻击编队非线性 最优控制器设计[J]. 北京航空航天大学学报, 2014(3): 120-125.

Zhang Lei, Fang Yangwang, Diao Xinghua, et al. Design of Nonlinear Optimal Controller for Multi-missile Formation. Journal of Beijing University of Aeronautics and Astronautics[J]. 2014(3): 120-125.

- [6] 李浩, 毛昱天, 吴丹, 等. 基于理想视线制导的多导弹协 同攻击策略[J]. 导航定位与授时, 2015(4): 5-10.
  Li Hao, Mao Yutian, Wu Dan, et al. Cooperative Attack of Multiple Missiles with Ideal-Line-of-Sight-Guidance. Navigation Positioning &Timing[J]. 2015(4): 5-10.
- [7] 赵建博,杨树兴,熊芬芬.基于领弹-从弹架构的无导引 头导弹协同定位与制导方法[J]. 兵器学报, 2019(4): 673-679.

Zhao Jianbo, Yang Shuxing, Xiong Fenfen. Cooperative Localization and Guidance for Seeker-less Missile Based on Leader-follower Framework[J]. Journal of China Ordnance. 2019(4): 673-679.

[8] 王晓芳,张艺伟,田震.分布式通信模式下的多导弹协
 同制导与控制率[J].北京理工大学学报,2018(6):
 593-599.

第 34 卷第 7 期		Vol. 34 No. 7
2022 年 7 月	张业鑫, 等: 基于TS模糊的导弹编队协同控制设计与仿真	Jul. 2022

Wang Xiaofang, Zhang Yiwei, Tian Zhen. Cooperative Guidance and Control Law Based on Decentralized Communication Topology[J]. Transactions of Beijing Institute of Technology, 2018(6): 593-599.

[9] 马培蓓, 纪军. 多导弹三维编队控制[J]. 航空学报, 2010 (8):166-172.

Ma Peibei, Ji Jun. Three-Dimetional Multi-Missile Formation Control[J]. ActaAeronatics ET Astronautics Sinica, 2010(8): 166-172.

- [10] 殷玮, 祁文治. 基于IMM UKF的自抗扰控制导引律研 究[J]. 空天防御, 2018, 1(1): 56-62. Yin Wei, Qi Wenzhi. Research on the ADRC Guidance Law Based on IMM\_UKF[J]. AIR & SPACE DEFENSE, 2018, 1(1): 56-62.
- [11] Yin J, Han C. Optimal Impulsive Maneuvers for Formation Reconfiguration Using Relative Orbit Elements[C]// Control Science and Systems Engineering (CCSSE). Yantai: IEEE,

2014: 70-75.

[12] Morgan D, Chung S J, Hadaegh F Y. Model Predictive Control of Swarms of Spacecraft Using Sequential Convex Programming[J]. Journal of Guidance Control &Dynamics (S0731-5090), 2014, 37: 1-16.

- [13] Liu Y, Li Y, Xi J. Design And Simulation Of Satellite Formation Flying Position-Keeping Control Method[C]// 3rd International workshop on Advanced Computational, Intelligence. Suzhou: IEEE, 2010: 502-505.
- [14] IvanaTodic, Vladimir Kuzmanavic. Hardware in the Loop Simulation for Homing Missiles[J]. Materials Today (S1369-7031), 2019(12): 514-520.
- [15] B.Mihoubi, B.Bouzouia, K.Tebani, et al. Hardware in the Loop Simulation for Product Driven Control of a Cyberphysical Manufacturing System[J]. Production Engineering (\$1863-7353), 2020(14): 1-15.